#### АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

«Теория оптимального управления»

Дисциплина «Теория оптимального управления» является частью программы магистратуры «Системы инерциальной навигации и управления подвижных объектов» по направлению «24.04.02 Системы управления движением и навигация».

#### Цели и задачи дисциплины

Целью дисциплины является овладение студентами методами теории оптимального управления. Основные задачи дисциплины: формирование навыков и опыта постановки задач оптимального управления; Изучение математического аппарата теории оптимального управления.

## Изучаемые объекты дисциплины

Классическое вариационное исчисление, метод множителей Понтрягина, Лагранжа, принцип максимума динамическое программирование, оптимальные наблюдатели, постановки задач оптимального управления объектами, описываемыми обыкновенными дифференциальными уравнениями, вариационные принципы в физике, некоторые постановки задач оптимизации в экономике.

### Объем и виды учебной работы

OUDEM II BIIABI J ICONON PROOTBI				
Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах		
		Номер семестра		
		1	2	
1. Проведение учебных занятий (включая				
проведе-ние текущего контроля успеваемости)	120	60	60	
в форме:	120		00	
1.1. Контактная аудиторная работа, из них:				
- лекции (Л)	36	18	18	
- лабораторные работы (ЛР)				
- практические занятия, семинары и (или)	72	36	36	
другие виды занятий семинарского типа (ПЗ)	, 2	30		
- контроль самостоятельной работы (КСР)	12	6	6	
- контрольная работа				
1.2. Самостоятельная работа студентов (СРС)	204	102	102	
2. Промежуточная аттестация				
Экзамен	36		36	
Дифференцированный зачет				
Зачет	9	9		
Курсовой проект (КП)				
Курсовая работа (КР)				
Общая трудоемкость дисциплины	360	162	198	

# Краткое содержание дисциплины

Наименование разделов дисциплины с кратким содержанием	Объем аудиторных занятий по видам в часах Л ЛР ПЗ		Объем внеаудиторных занятий по видам в часах СРС		
1-й сем	естр	•	1		
Введение в оптимальное управление. Краткое введение в выпуклое программирования. Общая постановка и классификация задач оптимизации. Критерии оптимальности,	6	0	12	51	
ограничения. Классические задачи теории оптимизации. Общие понятия выпуклого программирования. Обзор аналитических и градиентных методов. Линейное программирование. Симплекс метод. Метод множителей Лагранжа, формальный вывод.					
Вариационное исчисление	12	0	24	51	
Функционалов, непрерывность функционала. Сильная и слабая окрестности. Два определения вариации функционала. Основная задача вариационного исчисления. Необходимое условие экстремума функционала. Простейшая задача вариационного исчисления. Выводы уравнений Эйлера. Частные случаи интегрируемости уравнения Эйлера. Обобщения уравнений Эйлера. Уравнения Эйлера — Пуассона, Эйлера — Остроградского. Задачи в параметрической форме. Задачи с подвижными границами. Условия трансверсальности. Задачи с угловыми точками. Односторонние вариации. Достаточные условия экстремума функционала. Поле экстремалей. Условие Якоби. Функция Вейерштрасса и Лежандра. Задачи с ограничениями. Ограничения в виде равенств, дифференциальных уравнений, изопериметрические ограничения. Метод множителей Лагранжа.					
ИТОГО по 1-му семестру	18	0	36	102	
2-й семестр					

плоскости. Простейшая задача перехвата.  Динамическое программирование  Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.  Наблюдаемость систем.  Наблюдаемость системы. Построение наблюдаемости системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели.  Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	Наименование разделов дисциплины с кратким содержанием	Объем аудиторных занятий по видам в часах			Объем внеаудиторных занятий по видам в часах
Классификация и постановка задач оптимального управления. Необходимые условия существования решения задач оптимального управления. Задачи Больца, Лагранжа, Майера. Метод неопределенных множителей в задаче Лагранжа. Функция Гамильтона. Уравнения Эйлера-Лагранжа. Задача Больца с подвижными концами и нефиксированным временем. Терминант. Условия трансверсальности. Задачи с кусочно непрерывным управлением. Принцип максимума Понтрягина 4 0 8 25 Принцип максимума Понтрягина 4 0 8 25 Принцип максимума понтрягина 5 25 Принцип максимума и следствия из него. Задача максимального быстродействия. Теорема об N интервалах. Дифференциальные игры. Машина Дубинса. Задача оптимального разворота самолета в горизонтальной плоскости. Простейшая задача перехвата.  Динамическое программирование 6 0 12 26 Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задача синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. О методах объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах оптимального управление в задачах синтеза оптимального управления с наблюдатела объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах оптимального управление объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах оптимального объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах оптимального управление с наблюдатела объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах оптимального объекта объек					
оптимального управления. Необходимые условия существования решения задач оптимального управления. Задачи Вольца, Лагранжа, Майера. Метод неопределенных множителей в задаче Лагранжа. Функция Гамильтона. Уравнения Эйлера-Лагранжа. Задача Больца с подвижными конщами и нефиксированным временем. Терминант. Условия трансверсальности. Задачи с кусочно непрерывным управлением.  Принцип максимума Понтрягина 4 0 8 25  Принцип максимума Понтрягина 4 0 8 25  Принцип максимума понтрягина 5 4 0 8 25  Принцип максимума понтрягина 6 0 12 26  Простановка задачи синтеза оптимального разворота самолета в горизонтальной плоскости. Простейшая задача перехвата.  Динамическое программирование 6 0 12 26  Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимального Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. Ометодах решения уравнений риккати. Ометодах оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	Оптимальное программное управление	4	0	8	25
Принцип максимума и следствия из него.  Задача максимального быстродействия.  Теорема об N интервалах. Дифференциальные игры. Машина Дубинса. Задача оптимального разворота самолета в горизонтальной плоскости. Простейшая задача перехвата.  Динамическое программирование 6 0 12 26  Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Функциональные уравнения без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления Лля линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.  Наблюдаемость систем. 4 0 8 26  Критерии наблюдаемости системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	оптимального управления. Необходимые условия существования решения задач оптимального управления. Задачи Больца, Лагранжа, Майера. Метод неопределенных множителей в задаче Лагранжа. Функция Гамильтона. Уравнения Эйлера-Лагранжа. Задача Больца с подвижными концами и нефиксированным временем. Терминант. Условия трансверсальности. Задачи с кусочно непрерывным управлением.				
Задача максимального быстродействия.         Теорема об N интервалах. Дифференциальные игры. Машина Дубинса. Задача оптимального разворота самолета в горизонтальной плоскости. Простейшая задача перехвата.         Динамическое программирование       6       0       12       26         Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.       4       0       8       26         Наблюдаемость систем.       4       0       8       26         Критерии наблюдаемости системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.       4       0       8       26	Принцип максимума Понтрягина	4	0	8	25
Постановка задачи синтеза оптимального регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.  Наблюдаемость систем.  Наблюдаемость системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	Задача максимального быстродействия. Теорема об N интервалах. Дифференциальные игры. Машина Дубинса. Задача оптимального разворота самолета в горизонтальной				
регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.  Наблюдаемость систем.  Наблюдаемость системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	Динамическое программирование	6	0	12	26
Критерии наблюдаемости системы. Построение наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	регулятора состояния. Многошаговый процесс принятия решений. Принцип оптимальности Беллмана. Функциональные уравнения Беллмана. Вывод уравнений Беллмана в задаче без ограничений на управление. Динамическое программирование в задачах синтеза оптимального управления для линейного объекта. Вывод уравнений Риккати. О методах решения уравнений Риккати. Динамическое программирование в задачах оптимизации. Классические экономические примеры.				
наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели. Фильтры Винера, Калмана-Бьюси.	Наблюдаемость систем.	4	0	8	26
TYPOTO 2	наблюдателей полного и пониженного порядка. Оптимальное управление стохастическими системами. Оптимальные наблюдатели.				
ИТОГО по 2-му семестру   18   0   36   102	ИТОГО по 2-му семестру	18	0	36	102
ИТОГО по дисциплине 36 0 72 204			0		